

# Modelos matemáticos y parámetros cinéticos relacionados con la producción de astaxantina en *Haematococcus pluvialis*

## Mathematical Models and Kinetic Parameters Related to The Production of Astaxanthin in *Haematococcus Pluvialis*

Torres Ospina, Tatiana; Camacho Kurmen, Judith Elena

**Tatiana Torres Ospina**

tatianortiz@unicolmayor.edu.co

Universidad Colegio Mayor de Cundinamarca,  
Colombia

**Judith Elena Camacho Kurmen**

jelenacamacho@unicolmayor.edu.co

Universidad Colegio Mayor de Cundinamarca,  
Colombia

### Revista Mutis

Universidad de Bogotá Jorge Tadeo Lozano, Colombia

ISSN: 2256-1498

Periodicidad: Semestral

vol. 12, núm. 1, 2022

revista.mutis@utadeo.edu.co

Recepción: 26 Abril 2021

Aprobación: 01 Julio 2021

URL: <http://portal.amelica.org/ameli/journal/193/1934639005/>

DOI: <https://doi.org/10.21789/22561498.1743>

**Resumen:** La microalga biflagelada unicelular de agua dulce *Haematococcus pluvialis* tiene una gran importancia industrial al ser considerada una fuente de producción natural de astaxantina, carotenoide utilizado como colorante y compuesto bioactivo. Este microorganismo es el principal productor de astaxantina de mejor calidad. La inducción de caroteno génesis se logra cuanto mayor es la exposición a condiciones de estrés, pues se genera así la mayor acumulación de astaxantina. Se ha observado también que, si las células están expuestas a un exceso de condiciones de estrés, el crecimiento celular cesa por completo y las células comienzan a morir en un tiempo relativamente corto, lo que dificulta su producción. El objetivo de esta revisión es conocer los modelos usados para describir la cinética de crecimiento de *H. pluvialis* y establecer los parámetros cinéticos que mejor expliquen el crecimiento de la microalga para emplearlos en el cultivo en laboratorio y su escalamiento en biorreactores o fotobiorreactores (fbr). Los modelos matemáticos más aplicados para el monitoreo del crecimiento de la microalga son el logístico, Baranyi-Roberts, exponencial y Monod. Se han propuesto modelos cinéticos de crecimiento teniendo en cuenta parámetros como la irradiancia y el color de luz. Los parámetros cinéticos usados son la velocidad máxima de crecimiento ( $\mu_{\max}$ ), el tiempo de duplicación ( $t_d$ ), la biomasa inicial ( $X_0$ ), la biomasa final ( $X_f$ ) y la productividad del carotenoide ( $Y_p/Y_s$ ), para establecer las condiciones óptimas de cultivo y producción del carotenoide, utilizando los coeficientes de correlación que genera el modelo, a fin de garantizar el cultivo de la microalga bajo las condiciones seleccionadas y validar los datos encontrados

**Palabras clave:** carotenoide, fotobiorreactor, microalga, modelos matemáticos, parámetros cinéticos.

**Abstract:** The *Haematococcus pluvialis*, a freshwater unicellular biflagellate microalga, is of great importance industrially as it is considered a source of natural production of astaxanthin, a carotenoid used as a colorant and a bioactive compound. This microorganism is the main producer of the best quality astaxanthin. The induction of carotene genesis is achieved when exposure to stress conditions is greater, and this is how the greatest accumulation of astaxanthin is generated. It has also been observed that, if cells are exposed to excess stress conditions, cell growth ceases completely and cells begin to

die in a relatively short time, which makes their production difficult. The objective of this review is to show the models used to describe the growth kinetics of *H. pluvialis* and to establish the kinetic parameters that best explain the growth of the microalgae for use in laboratory culture and its scaling up in bioreactors or photobioreactors (PBR). The most applied mathematical models for monitoring the growth of microalgae are logistic, Baranyi-Roberts, exponential, and Monod. Kinetic growth models have been proposed considering parameters such as irradiance and light color. The kinetic parameters used are the maximum growth speed ( $\mu_{max}$ ), the doubling time ( $t_d$ ), the initial biomass ( $X_0$ ), the final biomass ( $X_f$ ) and the carotenoid productivity ( $Y_p/Y_s$ ), to establish the optimal conditions for cultivating and producing the carotenoid, using the correlation coefficients generated by the model, in order to guarantee the cultivation of microalgae under the selected conditions and validate the data found.

**Keywords:** carotenoid, photobioreactor, microalgae, mathematical models, kinetic parameters .

## INTRODUCCIÓN

La microalga verde biflagelada unicelular de agua dulce *Haematococcus pluvialis* Flotow pertenece a la clase *Chlorophyceae*, orden *Volvocales* y familia *Haematococcaceae*. Tiene un tamaño celular de entre 8 y 50 Pm, que se caracteriza por presentar dos flagelos con los que se desplaza (Sánchez-Sendra, 2019). Su ciclo de vida consta de cuatro tipos de morfologías celulares distinguibles: macrozooides (zoosporas); microzooides y pAlmela, que forman parte de la denominada “fase vegetativa verde”; y, por último, hematocistos (aplanosporas), conocidos como “fase enquistada acumulada de astaxantina roja inmóvil”, desde el momento en que cesa su crecimiento en la fase estacionaria, proceso de transformación en el que ocurre la acumulación del pigmento (Shah et al., 2016; Camacho et al., 2013, Ramírez, 2013). Los cambios de fase en el crecimiento de *H. pluvialis* están caracterizados por la pérdida de los flagelos y la formación de una matriz extracelular gelatinosa, siendo más grande y resistente la célula como aplanóspora (Sánchez-Sendra, 2019).

La astaxantina (3, 3' -dihidroxi- $\beta$ ,  $\beta$ -caroteno-4, 4' -diona) pertenece a los carotenoides, pigmento secundario rojo brillante, de la misma familia que el licopeno, la luteína y el  $\beta$ -caroteno, y que se sintetiza de manera natural en microalgas, plantas, levaduras, bacterias y está presente en muchos mariscos, como el salmón, la trucha, el besugo, el camarón, la langosta y los huevos de pescado (Ramírez, 2013; Zhao et al., 2019). También es responsable del color de plumas en aves como flamencos, codornices y cigüeñas (Hu et al., 2018). Este carotenoide es ampliamente utilizado en la acuicultura, la nutrición, la industria farmacéutica, la nutracéutica y la cosmética debido a su característica como pigmento y como compuesto bioactivo como antioxidante, en la actividad antiinflamatoria, antitumoral, antiangiogénica, y por sus propiedades cardioprotectoras y hepatoprotectoras (Hu et al., 2018; Wang et al., 2019; Zhao et al., 2019; Gajardo et al., 2011; Montiel, 2020).

La astaxantina es absorbida junto con los ácidos grasos mediante difusión pasiva; su capacidad antioxidante, al ser comparada con el  $\beta$ -caroteno y la vitamina E, es superada por 38-veces y 500-veces, respectivamente (Zhang et al., 2017). Su estructura facilita su capacidad antioxidante al transportarse a los tejidos corporales, proteger las células y las membranas a base de lípidos del daño oxidativo, y por su propiedad de captación de radicales libres, protección mitocondrial, efectos antiinflamatorios y protección contra la glicación (Khandual et al., 2019).

Debido a la importancia de la astaxantina, el alga unicelular de agua dulce *H. pluvialis* ha adquirido gran relevancia a nivel industrial (Gajardo et al., 2011; Camacho et al., 2013; Ramírez, 2013), al ser considerada una gran fuente de producción natural de astaxantina, ya que es capaz de acumular hasta un 3% de este carotenoide en peso seco (Córdoba et al., 2015). De hecho, sintetizan considerablemente más que otros microorganismos productores de astaxantina como *Phaffa rhodozyma* y *Chlorella zofingiensis* (Zhao et al., 2019). Sin embargo, la microalga presenta problemas con su cultivo, al tener un crecimiento vegetativo lento y bajo aun en condiciones de cultivo favorables, además del deterioro o muerte celular en condiciones de estrés como luz, falta de nitrógeno, concentración de sal y estrés nutricional; en consecuencia, se ve afectada la acumulación de astaxantina (Ramírez, 2013).

La inducción de caroteno génesis es mayor con la exposición a condiciones de estrés, al ocasionar una mayor acumulación de astaxantina; en algunos casos, si las células están expuestas a un alto estrés, el crecimiento celular cesa por completo y las células comienzan a morir en un tiempo relativamente corto, lo que dificulta su producción principalmente a gran escala (Ramírez, 2013). Por lo tanto, se han reportado estudios donde se evalúa el efecto de diferentes factores sobre la acumulación de este metabolito secundario (astaxantina), con el fin de aumentar su síntesis y producción, como en la investigación de de Miranda et al. (2019), donde se han utilizado factores como la concentración de nitrato ( $\text{NaNO}_3$ ), la cual en condiciones óptimas, para la obtención de astaxantina y evitar el cese de la división celular, debe de ser de 0.15 g/L; otro factor es la intensidad lumínica, reportada con 500  $\mu\text{mol}/\text{m}^2\text{s}$ , logrando una gran concentración de astaxantina (26 mg/L); asimismo, la influencia de la temperatura a 30 °C inhibe la división celular e induce la síntesis de astaxantina, aumentando así el contenido de 10 a 15 veces en comparación con el cultivo a condiciones óptimas, como lo han reportado Shah et al. (2016).

La luz y el nitrógeno son los dos factores más efectivos que influyen en el crecimiento y síntesis de astaxantina en este organismo, principalmente porque ambos requisitos para el crecimiento son diferentes de aquel para la síntesis de astaxantina (Wang et al., 2013). Por lo anterior, los cultivos adoptan habitualmente una estrategia de dos pasos: el primero consiste en promover el crecimiento de algas en condiciones favorables de cultivo (por ejemplo, poca luz y repletas de nitrógeno); cuando se alcanza una densidad celular alta, pero optimizada, el cultivo entra en el segundo paso donde la microalga se somete a condiciones de estrés (por ejemplo, alta irradiancia y deficiencia de nitrógeno) para la producción de astaxantina (Wang et al., 2013). Hernández et al. (2015) destacan el factor de la luz como el más importante, incluyendo el diseño adecuado de un fotobiorreactor que, combinado con las condiciones óptimas, permite mejorar las características de cultivo y la producción de astaxantina.

Otros tipos de estrés que inducen a la acumulación de astaxantina son temperatura, intensidad lumínica, ciclos de luz/oscuridad, concentración de nutrientes, pH, especies reactivas de oxígeno, sales y presencia de inhibidores de procesos metabólicos a diferente nivel (Camacho et al., 2013; Shah et al., 2016). De la misma manera, métodos como la estimulación mediante el sonido audible a las microalgas en estado vegetativo han mostrado resultados prometedores para mejorar la tasa de crecimiento en microalgas de *H. pluvialis*, proceso en el que se sometieron a sonido audible durante 8 h en 22 días de cultivo, con títulos de Blues for Elle y Far and Wide, evidenciándose una tasa de crecimiento más alta (0.03 por día) y un 58% más alto, en comparación con el cultivo que no tiene sonido audible (Christwardana y Hadiyanto, 2017).

Ramírez (2013) evalúa el potencial que tiene *H. pluvialis* para la producción industrial de astaxantina. Así, estudió el efecto del porcentaje de dióxido de carbono en la aireación, de la intensidad de luz y de la concentración de nitrógeno y de fósforo en el crecimiento y la producción de astaxantina en un fotobiorreactor tipo *airlift* a partir de esta microalga. Cobraron importancia parámetros como la intensidad de luz y la concentración de fósforo, con un efecto positivo en el crecimiento de la microalga, mientras que el porcentaje de  $\text{CO}_2$  presentó un efecto negativo; la concentración de nitrógeno no tuvo efecto significativo en la velocidad específica de crecimiento. El precio de mercado de la astaxantina sintética es de alrededor de \$2500/kg, la cual contiene diferentes isómeros del producto natural que causan preocupación

por la seguridad de los consumidores (Onorato y Rösch, 2020), y requiere además de un alto costo para su producción y tiene menor capacidad antioxidante comparada con la natural (Ramírez, 2013). Por ello, la astaxantina natural es un producto preferido de elección.

Por estas razones, el objetivo de este artículo es conocer los modelos de crecimiento que mejor expliquen el proceso de la microalga *H. pluvialis*, como lo son los propuestos por Baranyi-Roberts, Gompertz, logístico y Monod. Para ello, se definirán los parámetros cinéticos relacionados como la velocidad de crecimiento, el tiempo de duplicación, la productividad de biomasa y la productividad de pigmentos como la astaxantina, bajo condiciones de laboratorio y en su producción a gran escala, en función de establecer las condiciones óptimas para el cultivo de la microalga y producción del carotenoide, y relacionarlas con los factores de estrés utilizados. Los datos fueron analizados usando Excel 2013 con diferentes variables por analizar, incluyendo año de publicación, idioma, temas de estudio y enfoque del estudio. Finalmente, se acudió a estadística descriptiva para analizar los resultados. Los indicadores bibliométricos analizados y utilizados fueron citación, contenido y metodología (figuras 1, 2 y 3).

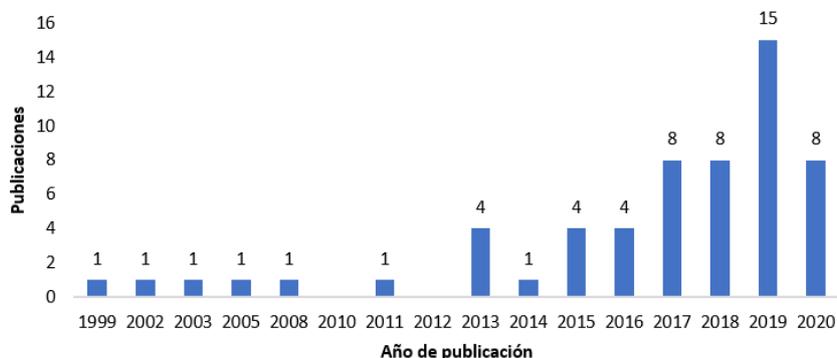


FIGURA 1.

Figura 1. Relación de publicaciones revisadas por año de publicación

Fuente: elaboración propia.

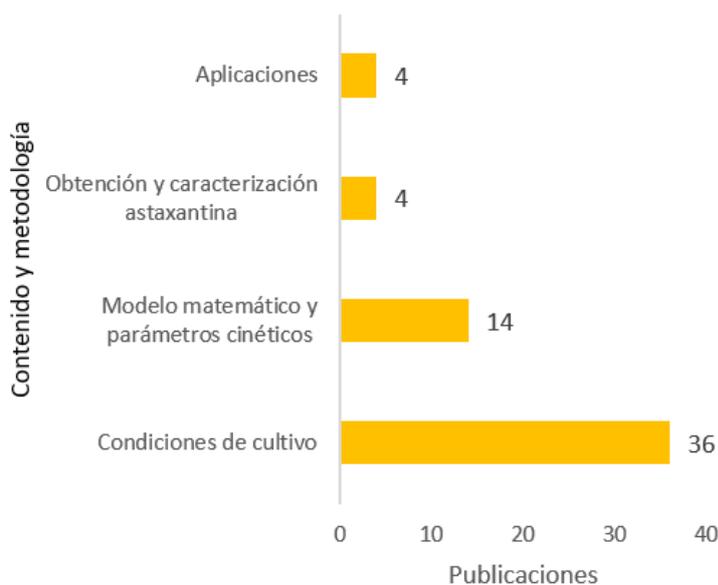


FIGURA 2. CONTENIDO Y METODOLOGÍA

Figura 2. Contenido y metodología

Fuente: elaboración propia.

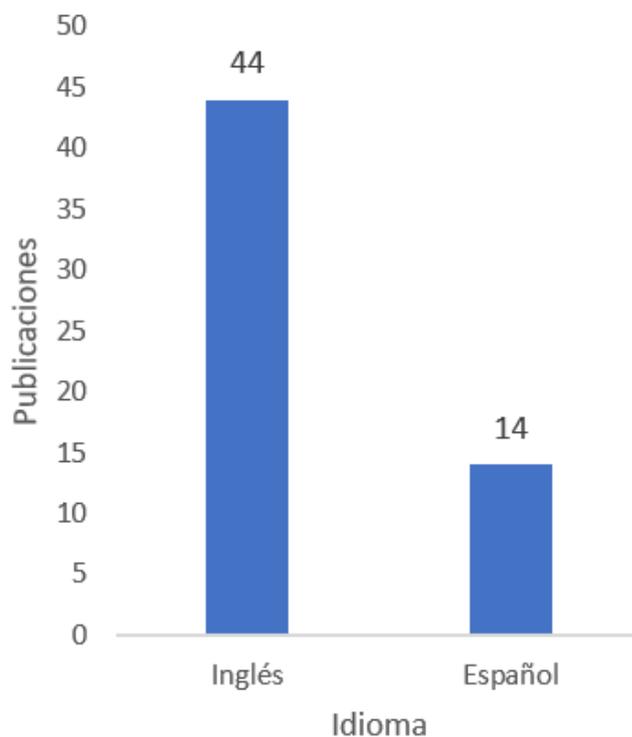


FIGURA 3. IDIOMA DE LAS PUBLICACIONES REVISADAS

Figura 3. Idioma de las publicaciones revisadas

Fuente: elaboración propia.

### CONDICIONES DE ESTRÉS AMBIENTAL EN CULTIVOS DE *H. PLUVIALIS*

En la tabla 1 se presentan las condiciones de estrés utilizadas para el cultivo de la microalga relacionadas con la producción de astaxantina en *H. pluvialis*. Se reportan allí la productividad de biomasa y del pigmento astaxantina, así como los parámetros cinéticos fundamentales para la selección de las condiciones óptimas del cultivo de la microalga. Ciertamente, modelar el crecimiento de microorganismos es importante para entender el comportamiento de los organismos bajo diferentes condiciones ambientales, tales como temperatura, intensidad de luz, pH y nutrientes (Çelekli et al., 2008). Por esto, el uso de un modelo cinético es esencial para optimizar las condiciones de cultivo de la microalga y la producción de astaxantina, lo cual es el interés de este estudio. Los modelos matemáticos que tienen la capacidad de predecir la dinámica de los cultivos de microalgas en diferentes condiciones de crecimiento, como luz, concentración de nitrógeno o concentración de fósforo, ayudarán a optimizar el rendimiento del proceso, las condiciones de funcionamiento y los sistemas de cultivo de escalado para la tecnología comercial basada en microalgas.

TABLA 1. CONDICIONES DE ESTRÉS EN CULTIVOS DE *H. PLUVIALIS* RELACIONADOS CON CONCENTRACIÓN DE ASTAXANTINA

Tabla 1. Condiciones de estrés en cultivos de *H. pluvialis* relacionados con concentración de astaxantina

Medio de cultivo pH Temperatura	Luz Color de luz Irradiancia	Biomasa inicial/ Biomasa final	Fotoperiodo	Condiciones de estrés	Tiempo de estudio	Cantidad de astaxantina	Bibliografía
M1-F1-Basal- G11-BBM  24 (±2) °C	Luz blanca artificial fluores- cente, Iluminancia 55000 (±50 Lux)	4×10 <sup>4</sup> cel./mL	18:06 h	NaCl (0.025 %)	9 días	3,484 mg L <sup>-1</sup> día <sup>-1</sup>	Ramírez (2013)
Medio C  pH 7,5  25 °C	Luz artificial fluorescente  10 μmol m <sup>-2</sup> s <sup>-1</sup>	4×10 <sup>4</sup> cel./mL	N. A.	Acetato de sodio 1,6 g/ L 2 mM de Nitrato de sodio  Luz 400 μmol m <sup>-2</sup> s <sup>-1</sup>	14 días	2.5 mg L <sup>-1</sup> día	Zhang et al. (2017)
MES-Volvox  25 °C	Blanco frío, bombi- llas fluorescentes 80 μmol m <sup>-2</sup> s <sup>-1</sup>	1×10 <sup>6</sup> cel./mL	N. A.	CO <sub>2</sub> (15%), Alta luminosidad (300 μmol m <sup>-2</sup> s <sup>-1</sup> ).	13 días	36 mg / g	Zhanga et al. (2018)
RM-OHM-BBM- MES Volox  pH 6.7  25 °C	70 μE / m <sup>2</sup> s  microestein de irradiación con lámparas de luz fluorescentes blanca	1×10 <sup>4</sup> cel./mL  1,6×10 <sup>8</sup> cel./mL	18:06 h	CO <sub>2</sub> (5%)	36 días	8.3 μg/mL	Niño et al. (2017)

Medio de cultivo pH Temperatura	Luz Color de luz Irradiancia	Biomasa inicial/ Biomasa final	Fotoperiodo	Condiciones de estrés	Tiempo de estudio	Cantidad de astaxantina	Bibliografía
RM pH 6,7 25 °C	Lámparas fluorescentes blancas Irradiancia alta de 140 $\mu\text{E m}^{-2} \text{s}^{-1}$	1x10 <sup>8</sup> cel./mL/ 2.10x10 <sup>8</sup> cel./mL	20:04 h	Deficiencia de Nitrogeno (4%) CO <sub>2</sub> (5%)	36 días	3,52x10 <sup>-8</sup> $\mu\text{g cel}^{-1} \times \text{mL}^{-1}$	Gómez et al. (2019)
Medio basal pH 8,0 20 °C	Lámparas fluorescentes blancas 20 $\mu\text{E/m}^2\text{s}$	4x10 <sup>8</sup> cel./mL	12:12 h	22.5 mM de acetato	4 días	11 mg/g cel.	Hu et al. (2018).
Medio BBM modificado y BG-11 modificado 25 ± 1 °C	Luz blanca fría 150 $\mu\text{mol/m}^2/\text{s}$	20 g / L	N. A.	N <sub>2</sub> , nitrato de sodio, bicarbonato de amonio o úrea (18 mM), 300 $\mu\text{mol/m}^2/\text{s}$ , CO <sub>2</sub> 1%	15 días más	18,1 mg/L d	Wang et al. (2019)
Medio basal de Bold (BBM) pH 7.5 25 °C	Luz blanca fluorescente 60 $\mu\text{mol m}^{-2} \text{s}^{-1}$	3x10 <sup>8</sup> / cel./mL	12:12 h	NaNO <sub>3</sub> (8.32 mM)	6 días	975,65 mg 1 DW	Galarza et al. (2019)
Medio OHM 25 °C	Luz blanca fluorescente 50 $\mu\text{mol-m}^{-2} \text{s}^{-1}$	5 × 10 <sup>8</sup> cel./mL	N. A.	Mecánico (chip)	7 días	N/A	Park et al. (2020)
Medio BBM modificado con	Luz led blanca fría Intensidad de luz	N. A.	12:12 h	Iluminación continua de	42 días	27.0±1.9 mg/L	Liyanaachchi et al. (2020)

Medio de cultivo pH Temperatura	Luz Color de luz Irradiancia	Biomasa inicial/ Biomasa final	Fotoperiodo	Condiciones de estrés	Tiempo de estudio	Cantidad de astaxantina	Bibliografía
fosfato  30±2 °C	incidente de 2000 LUX/14 días			5000 LUX 41 mg/L de fosfato			
BG11 modificado  pH 7.5-8.5	Luz alta (300 $\mu\text{mol m}^{-2} \text{s}^{-1}$ ) y luz baja (150 $\mu\text{mol m}^{-2} \text{s}^{-1}$ )	N. A.	N. A.	Acetato de sodio y ácido acético 2,2 mM 1 vez cada 24 h, hasta 13,2 mM. 2.2 mM (CH <sub>3</sub> COOH)	14 días	140 mg $\text{m}^{-2}\text{day}^{-1}$	Wen et al. (2020)
Medios NIES-C y NIES-N  pH 7.5  23.4-33.5 °C	La luz de lámparas fluorescentes blancas frías a 35 $\mu\text{E} / \text{m}^2 / \text{s}$ ,  CO <sub>2</sub> (3-4%)	N. A.	12:12 h	50 $\mu\text{M}$ de hierro, CO <sub>2</sub> (3-4%)  irradiancia solar de 315-380 $\mu\text{E} / \text{m}^2 / \text{s}$	N/A	5,53. mg/L día	Hong et al. (2016)
BBM  25 °C	Iluminación continua (80 $\mu\text{mol} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{s}^{-1}$ )	2.23 × 10 <sup>8</sup> cel./mL	12:12 h	Etanol (0, 0,1, 0,2, 0,3, 0,4 y 0,5% v / v)	4 días	4.23% DCW	Liu et al. (2019)
Medio BBM pH 7.0 298.15 °K	Iluminancia de 1.5 klx por 15 días, T 298 K	1.5 × 10 <sup>8</sup> cel./mL	N. A.	Acetato de sodio (0.30 L/min.), pH 7, T 298 K 6 klx por 15 días	15 días	Encapsulación de astaxantina eficiencia de 48.25%	Machado et al. (2014)

Medio de cultivo pH Temperatura	Luz Color de luz Irradiancia	Biomasa inicial/ Biomasa final	Fotoperiodo	Condiciones de estrés	Tiempo de estudio	Cantidad de astaxantina	Bibliografía
Medio BBM modificado pH 6.8 25 ± 1 °C	Luz continua en lámparas fluorescentes blancas	6.20×10 <sup>8</sup> cel./mL	12:12 h	NaNO <sub>2</sub> 0.45, 0.60 y 1.0 g/L	4 días	3,335 mg/gL	Montiel Oviedo (2020)
Medio MES-Volvox pH 6.7	N. A.	N. A.	12:12 h 120 rpm	Bicarbonato de sodio 50 mM, 2,5 mM bicarbonato de sodio	5 días	11,2 ± 0,56 mg/L.	Erturk (2019)
Bold Basal Medium (BBM)	Intensidad baja 30 $\mu\text{mol}\cdot\text{m}^{-2}\cdot\text{s}^{-1}$ , colores: rojo, verde y azul	5 × 10 <sup>7</sup> cel./mL	N. A.	Nitrato de sodio 0.75 g/L, CO <sub>2</sub> (1.5%), N y P disminuidos, Luz 30, 80, 150 $\mu\text{mol}\cdot\text{m}^{-2}\cdot\text{s}^{-1}$	8 días	N. A.	Li et al. (2019)
Medio BG11 23 °C	400-600 $\mu\text{mol}/\text{m}^2\text{s}$ , pH 6,5 -8,0 T: 23 - 26°C	5-7,5 g/m <sup>2</sup>	14:10 h	Medio sin N y P, CO <sub>2</sub> (5%), 700 $\mu\text{mol}/\text{m}^2\text{s}$ , pH 6,5 -8,0 T: 23 - 26°C	10 días	205 mg/m <sup>2</sup> d	Do et al. (2019)
Medio BG-11 pH 7 25 ± 1 °C	Luz continua, intensidad de 30 $\mu\text{mol m}^{-2}\text{s}^{-1}$	0.69 g/L	N. A.	Fitohormonas (ABA, SA, ETA, JA) FA (ácido fulvico) 100 mg L	N/A		Zhao et al. (2019)

Medio de cultivo pH Temperatura	Luz Color de luz Irradiancia	Biomasa inicial/ Biomasa final	Fotoperiodo	Condiciones de estrés	Tiempo de estudio	Cantidad de astaxantina	Bibliografía
Medio Bristol  pH: 6  23 °C	Luz con lámparas fluorescentes (PFD) de 35 y 85 $\mu\text{mol m}^{-2} \text{s}^{-1}$ , T 23°C, fotoperiodo 16 h luz:8 h oscuridad, sin aireación, agitación 2 veces/día, pH 6.0	$5 \times 10^4$ cel./mL	16:8 h	Acetato de sodio (4, 8 y 12 mM), Cloruro de sodio 2.0-0.8%), deficiencia de nitrógeno, 150 $\mu\text{mol m}^{-2} \text{s}^{-1}$	31 días	10.3 mg g <sup>-1</sup>	Cifuentes et al. (2003)
Medio Básico de Bold (BBM)  25 °C	Intensidad de luz de 40 $\mu\text{mol m}^{-2} \text{s}^{-1}$	$1 \times 10^4$ cél./mL	16:8 h	ácido $\gamma$ -amino butírico, GABA (0, 1, 5 y 10 mM)	20 días		Li et al. (2020)
Medio basal de Bold (BBM)  25 $\pm$ 1 °C	Iluminación continua a 30 $\mu\text{mol m}^{-2} \text{s}^{-1}$	$2 \times 10^5$ cel./mL / 0,69 g/L	N. A.	Melatonina 10 $\mu\text{M}$	15 días	31.32 mg/gL	Ding et al. (2018)
Medio BG-11  25 °C	Iluminación mediante lámparas led de color blanco frío, densidad de flujo de fotones (PFD) de 40 $\mu\text{mol} / \text{m}^2 \text{s} / 60 \mu\text{mol} / \text{m}^2 \text{s}$ .	1.5 mg/L/ 3.4 $\pm$ 0.2 g/L	N. A.	Medio sin KNO <sub>3</sub> , CO <sub>2</sub> (5-20%)	6-13 días		Chekanovab et al. (2017)
Medio WC  23 $\pm$ 2 °C	Iluminación continua a una intensidad de luz (94,7 $\text{mmol m}^{-2} \text{s}^{-1}$ a 13-L y de 184,8 $\text{mmol m}^{-2} \text{s}^{-1}$ a 250-L.) mediante	$0,6 \times 10^5$ cél./mL  /  $1,15 \times 10^5$ cél./mL	N. A.	Influencia de volúmenes de cultivo diferentes (13 L), baja tasa de (NO <sub>3</sub> -) y P total	13 días	Peso seco: 1.82 %	Sipaúba et al. (2013)

Medio de cultivo pH Temperatura	Luz Color de luz Irradiancia	Biomasa inicial/ Biomasa final	Fotoperiodo	Condiciones de estrés	Tiempo de estudio	Cantidad de astaxantina	Bibliografía
	lámparas fluorescentes blancas frías.						
Medio BG-11 pH 7-8 20-25 °C	Iluminación continua de 30 $\mu\text{mol m}^{-2} \text{s}^{-1}$	0.8 g/L/ 0.30 g/L	N. A.	4,4 mM de nitrógeno	N/A	18.71 $\pm$ 2.69 $\text{mg L}^{-1} \text{d}^{-1}$	Wang et al. (2013)
BBM-Modificado pH 6.4-6.6 25 $\pm$ 5 °C	Intensidad de luz 52 $\mu\text{mol/m}^2\text{s}$	0.2 g/L/ 1.5 - 1.9 g/L	12:12 h	Nitrógeno ( $\text{NaNO}_3$ ) y Fósforo ( $\text{K}_2\text{HPO}_4$ y $\text{KH}_2\text{PO}_4$ ) 1.0 – 0.6 – 0.2 g/L	11 días	168.4 g/mL	Miranda et al. (2019)
OHM pH 6.5-6.8 25 °C	Luz led blancosfríos/ flujo de fotones fotosintéticos de 20,3 $\text{mmol} / \text{m}^2 / \text{s}$ .	0,76 $10^4$ cel. / ml de cultivo/ 3,467 $10^2$ cél./ mL / día	12:12 h	Sonido audible de 60 dB por 8 h/ día <i>Far and Wide</i> y <i>Blues for Elle</i> 0.24 y 0.28 kHz	22 días	N. A.	Christwardana et al. (2017)

Medio de cultivo pH Temperatura	Luz Color de luz Irradiancia	Biomasa inicial/ Biomasa final	Fotoperiodo	Condiciones de estrés	Tiempo de estudio	Cantidad de astaxantina	Bibliografía
BBM 20 °C	Lámparas de luz blanca, programadas para simular un circuito de cuatro niveles de ciclo de circadiano con diferentes irradiancias: 350, 1000, 1500, 2000, 2500 E m <sup>-2</sup> s <sup>-1</sup> .	50 mg/L /día 0,27 g/L /día	N. A.	Medio basal nutritivo concentraciones de 0,1, 0,2, 0,3, 1,0 y 2,0	12 días	1.6 mg L <sup>-1</sup> día <sup>-1</sup> .	García (2005)

Fuente: elaboración propia.

Como se pudo observar en las investigaciones relacionadas, el crecimiento de las microalgas se ve afectado por la luz (los cultivos de microalgas están limitados por la luz ya que es fácilmente absorbida y dispersada por las células de microalgas), el oxígeno disuelto, el contenido de dióxido de carbono, el pH, la temperatura, los nutrientes (N y P), los elementos traza y el carbono. La descripción detallada del comportamiento de la microalga durante el ciclo de vida, utilizando las diferentes condiciones de estrés para la obtención de astaxantina, es importante para establecer las condiciones adecuadas del cultivo y así obtener mayor acumulación de este carotenoide; en consecuencia, es fundamental aplicar la microbiología predictiva, ya que describe, por medio de modelos matemáticos, la evolución de la población microbiana bajo diferentes condiciones ambientales, como las de estrés.

Con las condiciones estándar y bajo condiciones de estrés, se pueden estimar las diferentes fases de crecimiento, la duración, la máxima velocidad específica de crecimiento ( $\mu_{\text{máx}}$ ), la máxima biomasa de microalga (células/mL), el tiempo de duplicación (Td), la fijación de CO<sub>2</sub>, la productividad de biomasa (células/mL día) y del pigmento de interés ( $\mu\text{g/mL día}$  de astaxantina); así como los parámetros cinéticos que se pueden obtener a través de la aplicación de modelos matemáticos como el logístico, el de Baranyi y Roberts y el Gompertz, cuya aplicación describe la forma adecuada del crecimiento, los parámetros que lo afectan y lo caracterizan; por ello, se define el modelo que más se ajuste al comportamiento de la microalga, para establecer las condiciones adecuadas de crecimiento y de obtención del pigmento en mayor cantidad, y poder proyectarlo hacia condiciones de escalamiento y producción a nivel industrial.

La microbiología predictiva es una rama de la microbiología que intenta describir el comportamiento de un microorganismo bajo unas condiciones ambientales dadas a través de modelos matemáticos. En este campo, Garre Pérez et al. (2016) publican el artículo “Modelos matemáticos para la descripción del crecimiento de microorganismos patógenos en alimentos”, en el que presentan los modelos matemáticos más utilizados actualmente para la descripción de crecimiento microbiano. Niño et al. (2017), en su artículo “Evaluación de las condiciones de crecimiento celular para la producción de astaxantina a partir de la microalga *H. pluvialis*”, encuentran el mayor crecimiento celular en el medio RM con  $7,5 \times 10^5$  cel./ml en el día 36; utilizando el modelo logístico, establecieron una velocidad de crecimiento de 0.092 cél./día, con un ajuste del modelo en un 0.97 y una mayor producción de astaxantina con una concentración de 8.3  $\mu\text{g/ml}$ .

A pesar del avance que se ha tenido en el estudio de esta microalga, el reto es obtener mayor productividad de biomasa, ya que esto repercutirá en la cantidad de astaxantina que se produce durante el proceso de síntesis para su uso comercial, lo cual es ciertamente importante en términos económicos. Cruz Jiménez et al. (2017) realizaron una investigación titulada *Cultivo masivo de la microalga Haematococcus sp. en fotobiorreactores planos para la producción de astaxantina bajo diferentes condiciones de estrés*, que tuvo como objetivo cultivar la microalga en fotobiorreactores planos para producir la mayor cantidad de biomasa con la máxima densidad celular posible, y posteriormente inducir la producción de carotenoides, principalmente astaxantina, al someterlas a condiciones de estrés, como altas intensidades de luz y salinidad. Los resultados indicaron que la intensidad de luz de  $282 \mu\text{mol}\cdot\text{m}^{-2} \cdot \text{s}^{-1}$ , junto con el incremento de la temperatura de  $39^\circ\text{C}$ , produjeron la mayor cantidad de carotenoides.

A través del tiempo, se ha buscado poder representar la relación existente entre la célula y su medio ambiente en los modelos de bioprocesos. En este sentido, Ortega et al. (2017) publican el artículo “Enfrentando el modelado de bioprocesos: una revisión de las metodologías de modelado”, donde exponen una revisión detallada de las diferentes metodologías para el modelado de procesos, señalando sus deficiencias y limitaciones al ser aplicadas y su función en industrias de alimentos, químicas y farmacéuticas. El uso de los modelos cinéticos de crecimiento de microalgas como el logístico, Baranyi-Roberts, Monod y Gompertz reportan parámetros cinéticos útiles relacionados con la producción de biomasa, el tiempo de duplicación, el consumo de nutrientes y la productividad, proporcionando datos esenciales para seleccionar las condiciones adecuadas para el cultivo de la microalga *H. pluvialis* y la producción de astaxantina de alta eficiencia.

El modelo propuesto por Monod crea una relación hiperbólica entre el crecimiento y un factor externo (carbono orgánico, nutrientes, oxígeno, irradiancia), definida por el máximo específico de tasa de crecimiento y constante de semisaturación (mitad de la tasa máxima), el cual es revisado por Shoener et al. (2018) en su publicación “Microalgae and cyanobacteria modeling in water resource recovery facilities: A critical review”.

Al momento de cultivar *H. pluvialis* a gran escala, además de sus específicas condiciones para la producción de astaxantina, deben tenerse en cuenta sus altos costos. En el artículo “Media effects on laboratory scale production costs of *Haematococcus pluvialis* biomass”, Colusse et al. (2019) tuvieron como objetivo realizar un análisis económico y evaluar las características fisiológicas y el rendimiento del crecimiento de la biomasa producida a partir de *H. pluvialis* en etapa vegetativa, utilizando medios CHU, BG-11 y WC en cultivo discontinuo. Los resultados arrojaron una mayor densidad celular mediante el uso de medios CHU y BG-11 para el día 16 de cultivo, mientras que el medio CHU promovió el mayor contenido de pigmento durante el periodo de cultivo de microalgas. El análisis económico mostró que los componentes de NPK contribuyeron al mayor costo de participación en la composición de los medios.

El uso de sales de bicarbonato como un medio para entregar eficientemente carbono inorgánico en microalgas es un concepto relativamente nuevo y su aplicación está en continuo crecimiento. Algunos estudios se han centrado principalmente en aumentar el contenido de lípidos en las microalgas mediante el uso de altas concentraciones de bicarbonato de sodio en condiciones de cultivo con deficiencia de nitrógeno, por lo que su acumulación está directamente relacionada con la producción de astaxantina, ya que se disuelve y se almacena en cuerpos lipídicos en *H. pluvialis*. Por este motivo, Erturk (2019) realiza su investigación titulada *Sodium bicarbonate amendment for enhanced astaxanthin production from Haematococcus pluvialis*, cuyo objetivo es el estudio de la adición de bicarbonato de sodio sobre la producción de astaxantina.

En esta contribución se presentan los modelos matemáticos más utilizados para la descripción de crecimiento microbiano, como el publicado por Nilanjana et al. (2019): “Effect of culturing parameters on the vegetative growth of *Haematococcus alpinus* (Strain Lcr-Cc-261f) and modeling of its growth kinetics”, en el que ajustaron los parámetros a una forma de la ecuación logística sobre el crecimiento vegetativo de una nueva especie de *Haematococcus* (*H. alpinus*). La ecuación logística definida por Verhulst se usa comúnmente para modelar microalgas cinéticas de crecimiento. Este modelo emplea tres parámetros clave: densidad celular

inicial en el tiempo cero ( $N_0$ , células mL<sup>-1</sup>), celda de máxima densidad que se puede alcanzar teóricamente ( $N_t$ , células mL<sup>-1</sup>) y tasa máxima de crecimiento específico ( $I_{max}$ , d<sup>-1</sup>).

Los modelos matemáticos son una herramienta esencial y poderosa para estudiar y analizar el crecimiento de microalgas en diferentes condiciones fisiológicas. Por esto, Ortiz-Moreno et al. (2020), en su artículo "Modeling the effects of light wavelength on the growth of *Nostoc ellipsosporum*", analizaron otros modelos matemáticos aplicados, como el propuesto por Gompertz, el cual combinaría los modelos cinéticos de crecimiento con los modelos primarios deterministas (dependiendo del tipo de parámetros y variables con respecto al tiempo) y, a su vez, el modelo modificado propuesto por Baranyi-Roberts, los cuales abarcan una concepción mecanicista e incluyen parámetros y funciones con significado biológico.

## MODELOS DE CRECIMIENTO

El modelado matemático es una herramienta empleada para describir la respuesta celular de las microalgas a los cambios en los insumos de nutrientes y otros factores ambientales, como el uso de condiciones de estrés. Actualmente, no existe un modelo preciso que incorpore simultáneamente entradas multiparamétricas como carbono, nitrógeno, fósforo e intensidad lumínica como parámetros definitorios para la vida útil de las microalgas (Tijani et al., 2018).

El modelado del crecimiento microbiano se realiza usualmente en dos pasos. En primer lugar, se puede usar cualquier parámetro cinético como la relación entre el tamaño de la población microbiana ( $N$ ) y el tiempo ( $t$ ), que se describe a través de un modelo matemático, bajo un solo conjunto de condiciones ambientales (Garre Pérez et al., 2016; Longhi et al., 2017), conocido como el modelo primario. En un segundo paso, la relación entre los parámetros del modelo primario bajo la influencia de la temperatura, el pH, la actividad de agua, la concentración de sales, etc., sobre los parámetros del modelo primario, que se describe a través de un segundo modelo matemático (modelo secundario) (Garre Pérez et al., 2016).

## Curva de crecimiento y fases

El crecimiento de un microorganismo suele ilustrarse a través de la curva de crecimiento sigmoidea, que es la representación del logaritmo del número de microorganismos con respecto al tiempo, usualmente en condiciones favorables para el crecimiento. Sin embargo, el microorganismo necesita un tiempo para adaptarse a ese nuevo ambiente (Garre Pérez et al., 2016). La curva de crecimiento de un cultivo microbiano puede ser subdividida en cuatro partes distintas: fase de latencia, fase exponencial, fase estacionaria y fase de muerte (Shuler y Kargi, 2002; Sancho, 2015), como se describe a continuación (figura 4, tabla 2):

**Fase de latencia o fase lag:** Es el periodo de ajuste que las células experimentan al ser transferidas de un medio al otro antes de iniciar su crecimiento.

**Fase exponencial o logarítmica:** Es aquella durante la cual los microorganismos crecen y se dividen hasta el nivel máximo posible, en función de su potencial genético, tipo de medio y las condiciones en que crece y el tiempo.

**Fase estacionaria:** Es resultado del agotamiento de los nutrientes disponibles o del efecto de acumulación de productos tóxicos de metabolismo que tienen como consecuencia la disminución de la velocidad del crecimiento. La transición entre estas dos fases se caracteriza por un crecimiento desequilibrado, durante el cual los diversos componentes celulares son sintetizados a diferentes velocidades.

**Fase de muerte:** Es consecuencia de diversos factores, como el agotamiento de las reservas celulares de energía. Al igual que el crecimiento, la muerte también asume una función exponencial que puede ser representada por una disminución lineal del número de células viables a lo largo del tiempo.

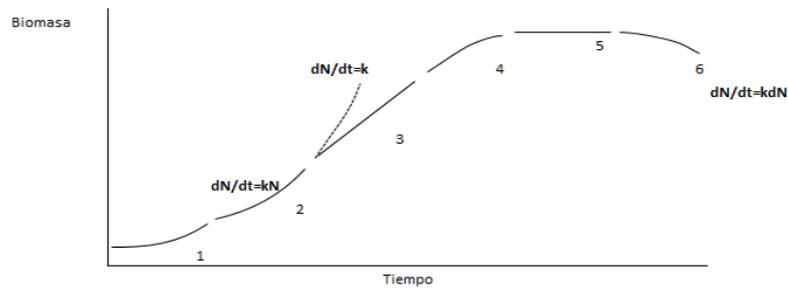


FIGURA 2.

Figura 2. Fases de crecimiento de microalga: 1. Adaptación (fase lag). 2. Fase de aceleración de la fase de crecimiento. 3. Crecimiento exponencial (fase log). 4. Fase de desaceleración indicando la disminución del crecimiento log (crecimiento lineal). 5. Fase estacionaria. 6. Muerte acelerada. 7. Muerte.

Fuente: Shuler y Kargi (2002).

TABLA 2.  
Tabla 2. Modelos matemáticos y parámetros cinéticos de crecimiento

Modelo	Ecuación	Parámetros	Citación
Logístico	$\mu = \mu_{\max} \left(1 - \frac{X}{X_{\max}}\right) \quad [1]$	$\mu$ = Tasa de crecimiento específico [d-1] $\mu_{\max}$ = Tasa máxima de crecimiento específico $X$ = concentración de biomasa [g.m-3] $X_{\max}$ = concentración máxima de biomasa [g.m-3]	Shoener et al. (2019)
Monod	$\mu = \mu_{\max} \left(\frac{S}{K_s + S}\right) \quad [2]$	$K_s$ = Constante de media saturación [g. m-3] $S$ = Concentración de sustrato	Shoener et al. (2019)
Baranyi-Roberts	$\frac{dN}{dt} = \alpha(t) \cdot \mu_{\max} \cdot \gamma(t) \cdot N(t) \quad [3]$	$N$ = Número de microorganismos $T$ = Tiempo $\mu_{\max}$ = Ratio de crecimiento específico (fase exponencial) $\mu(t)$ = Ratio cinético de crecimiento $\alpha(t)$ = Fase de adaptación $\gamma(t)$ = Fase estacionaria	Garre Pérez et al. (2016)
Gompertz	$N(t) = C \exp(-nc \cdot e^{-kt}) \quad [4]$	$N$ = Población $C$ = Capacidad de carga del medio $K$ = es el máximo crecimiento fraccional	Orlandoni y Ramoni (2017)

Fuente: elaborado por los autores, 2021.

## PARÁMETROS CINÉTICOS DE CRECIMIENTO

Los modelos cinéticos estiman la respuesta de crecimiento específica con respecto a diferentes variables, como la concentración gaseosa, el potencial de óxido-reducción, la humedad relativa, el contenido de nutrientes y propiedades antimicrobianas, o variables ambientales como la temperatura, el pH o la aw. (Garre Pérez et al., 2016). El crecimiento celular y la evaluación de parámetros cinéticos para monitorear el crecimiento celular se puede realizar diariamente mediante la medición de la concentración celular por triplicado, determinada por la densidad óptica del cultivo, utilizando una longitud de onda de 670 nm en un espectrofotómetro, por conteo celular (células/ml) o por peso seco de biomasa (gr) (De Mendonça et al., 2018).

La concentración celular se obtiene a través de una curva estándar sobre peso seco y densidad óptica ( $X$  máxima). Con estos datos, la productividad máxima ( $P$  máxima) se calcula con la tasa de crecimiento específica máxima ( $\mu_{\text{máx}}$ ) y el tiempo de generación ( $t_g$ ). La productividad ( $P$ , g.) se calcula según la ecuación, donde  $X(t)$  representa la concentración celular final,  $X_0(t)$  representa la concentración de cultivo inicial de biomasa,  $t$  (d) representa el tiempo final y  $t_0$  representa el tiempo inicial de cultivo:

$$P = \frac{(X - X_0)}{(t - t_0)} \quad [\text{Ec. 5}]$$

La máxima velocidad de crecimiento (tasa de crecimiento) ( $\mu_{\text{máx}}$ ) se obtiene por regresión exponencial en la fase exponencial (fase log), donde se multiplican las células, y el tiempo de generación se obtiene de la siguiente ecuación:

$$t_g = \frac{\ln 2}{\mu_{\text{máx}}} \quad [\text{Ec. 6}]$$

Como complemento al monitoreo, se mide cada 24 horas el pH del cultivo (69), el oxígeno disuelto (mg/L), la conductividad, la productividad del colorante de interés ( $\mu\text{g/L d}$ ), el contenido de nitrógeno ( $\mu\text{g/L}$ ) y de fósforo ( $\mu\text{g/L}$ ) para cada uno de los ensayos realizados (De Mendonça et al., 2018).

## Fijación de CO<sub>2</sub>

La acumulación de CO<sub>2</sub> se determina según la ecuación:

$$FA = (X_t - X_0) m_{\text{cbm}} V_{\text{biorreactor}} (M_{\text{CO}_2} / M_{\text{C}}) \quad [\text{Ec. 7}]$$

Donde:

$X_t \left(\frac{\text{g}}{\text{L}}\right)$  es la concentración celular en el tiempo  $t$  (d).

$X_0 \left(\frac{\text{g}}{\text{L}}\right)$  es la concentración a tiempo  $t_0$ .

$m_{\text{cbm}}$  () es el peso de la fracción de carbono determinada en la biomasa microalgal.  
 $V_{\text{biorreactor}}$  es el volumen de medio del biorreactor.

$M_{CO_2}$  (g/mol) y  $M_c$  son la masa molecular de  $CO_2$  y de carbono (De Mendonça et al., 2018).

Con las curvas de crecimiento generadas en el cultivo de la microalga a condiciones estándar y bajo condiciones de estrés, se pueden estimar las diferentes fases de crecimiento, la máxima velocidad específica de crecimiento ( $\mu_{m\acute{a}x}$ ), la máxima biomasa de microalga (células/mL), el tiempo de duplicación (Td), la fijación de  $CO_2$ , la productividad de biomasa (células/mL día) y del pigmento de interés ( $\mu\text{g/mL día}$  de astaxantina). Los parámetros cinéticos se pueden obtener a través de la aplicación de modelos matemáticos como el logístico, el de Baranyi y Roberts y el Gompertz, cuya aplicación describe la forma adecuada del crecimiento, los parámetros que lo afectan y lo caracterizan, definiendo el modelo que más se ajuste al comportamiento de la microalga, para establecer las condiciones óptimas de crecimiento y de obtención del pigmento en mayor cantidad, y poder proyectarlo hacia condiciones de producción a nivel industrial.

En la tabla 3 se presentan los modelos de crecimiento y los parámetros cinéticos estimados para el seguimiento del cultivo de *H. pluvialis*, en los cuales se aplican diferentes condiciones de crecimiento. Conocer los modelos y los parámetros cinéticos determinados ayudará a optimizar el rendimiento del proceso, las condiciones de cultivo y los sistemas de escalado para la tecnología comercial basada en microalgas, como se muestra en el estudio de Lobaton et al. (2017), donde el propósito de la aplicación del modelo era predecir los tiempos adecuados para la adición de nitrato para el cultivo de la microalga.

TABLA 3.

Tabla 3. Modelos matemáticos y parámetros cinéticos de crecimiento del cultivo de *H. pluvialis*

Modelo	Medio de cultivo	Biomasa inicial ( $X_0$ )	Biomasa final ( $X_f$ )	Velocidad de crecimiento ( $\mu$ ) ( $d^{-1}$ )	Td (días)	Coefficiente de determinación ( $R^2$ )	Bibliografía
Logístico	mm	4	5.878	0.092	7.534	0.97	Niño et al. (2017)
	ohm	4	5.535	0.062	11.179	0.99	
	ssm	4	5.588	0.056	12.377	0.97	
Hiperbólico	Medio de cultivo estándar	50 mg/L - 1/	0.3 g L <sup>-1</sup> día <sup>-1</sup>	0.11/h	6.301	0.9778	García-Malea et al. (2005)

Modelo	Medio de cultivo	Biomasa inicial (X <sub>0</sub> )	Biomasa final (X <sub>f</sub> )	Velocidad de crecimiento ( $\mu$ ) (d <sup>-1</sup> )	T <sub>d</sub> (días)	Coefficiente de determinación (R <sup>2</sup> )	Bibliografía
Baranyi y Roberts	RM	4	6,683	0.030 cel./día	23.105	0,87	Gómez et al. (2019)
Baranyi y Roberts	RM con Nitrógeno 4%	4	6,571	0.029 cel./día	23.901	0,92	
Baranyi y Roberts	RM con Nitrógeno 5%	4	6,559	0.028 cel./día	24.755	0,90	
Exponencial	N <sub>2</sub> P <sub>2</sub> 1.0:1.0	0.226 (±) 0.028		0.196 (±) 0.021	3.525 (±) 0.357	0.979 (±) 0.075	Miranda et al. (2019)
Exponencial	N <sub>2</sub> P <sub>2</sub> 1.0:1.0	0.062 (±) 0.013		0.179 (±) 0.031	3.855 (±) 0.053	0.974 (±) 0.095	
Logístico	F1	1 × 10 <sup>4</sup> Cel./mL	3.87 × 10 <sup>6</sup> Cel./mL	0.63	1.100		Issarapayup et al. (2011)
Logístico	ss-11	2.0 × 10 <sup>4</sup> Cel./mL	10.5 × 10 <sup>4</sup> Cel./mL	0.17/día	4.1		Nilanjana et al. (2019)
Logístico	MHA con nitrato de sodio (40 mM)	2.0 × 10 <sup>4</sup> Cel./mL	63.5 × 10 <sup>4</sup> Cel./mL	0.44/día	1.6		Nilanjana et al. (2019)
Monod	ss-11	0.1, 0.5, 0.8, 1.5, 2.7, 3.5, y 5.0 g/ L-	7 g/L	0.6 g/ d	1.155		Wang et al. (2013)
Monod	Agua residual con antibióti-	2.79 µg/L	103.7 µg/L	0.24/día	2.888	0.67 – 0.98	Kiki et al. (2020)

Modelo	Medio de cultivo	Biomasa inicial (X <sub>0</sub> )	Biomasa final (X <sub>f</sub> )	Velocidad de crecimiento ( $\mu$ ) (d <sup>-1</sup> )	Td (días)	Coefficiente de determinación (R <sup>2</sup> )	Bibliografía
	cos						
Modelo cinético diseñado	Medio con acetato de sodio cultivo por lote	2.2 × 10 <sup>4</sup> Cel./mL	2.92 g L <sup>-1</sup>	0.5258/día	1.318		Zhang et al. (1999)
Modelo cinético diseñado	Medio con acetato de sodio cultivo semicontinuo	2.2 × 10 <sup>4</sup> Cel./mL	3.31 g L <sup>-1</sup>	0.6727/día	1.030		Zhang et al. (1999)

Fuente: elaboración propia.

La correlación entre los valores calculados de los parámetros cinéticos del modelo y los valores referenciados de los parámetros fisiológicos de la microalga, como las condiciones de estrés utilizadas, deficiencia de nutrientes como nitrógeno y/fosfato, estrés con cloruro de sodio y/o acetato de sodio combinados con alta irradiancia (tabla 2), demuestran la importancia de los modelos para explicar cómo influyen las condiciones empleadas para el cultivo y cuáles son las óptimas de acuerdo con cómo se ajuste el modelo, para establecer las adecuadas para el crecimiento y la obtención del pigmento en mayor cantidad, y poder proyectarlo hacia condiciones de escalamiento a nivel industrial.

Los modelos de crecimiento utilizados, como el logístico, exponencial, Baranyi y Roberts, y Monod, se ajustan al crecimiento de la microalga bajo las condiciones trabajadas en los cultivos realizados, lo cual se expresa en los coeficientes de correlación con valores cercanos a 1. Esto garantiza el cultivo bajo estas condiciones y valida los datos encontrados; así, son los modelos logístico y Monod los que más se ajustan al cultivo de la microalga bajo las condiciones reportadas para cada estudio ( $R^2 = 1$ ). En algunos estudios se determinó la productividad de la biomasa (g L<sup>-1</sup> d<sup>-1</sup>), calculándose como: productividad de biomasa =  $(DW_t - DW_0)/t$ , donde  $DW_t$  y  $DW_0$  representan biomasa en el día  $t$  y día 0 y  $t$  representa el tiempo de cultivo. Lo cual se puede expresar por etapa roja o verde, obteniéndose una productividad media de biomasa del cultivo de etapa verde de *H. pluvialis* de 0.1 g L<sup>-1</sup> d<sup>-1</sup>. También se reporta la máxima productividad de astaxantina de  $18.71 \pm 2.69$  mg L<sup>-1</sup> d<sup>-1</sup> (Wang et al., 2013).

## CONCLUSIONES

La optimización y control de los bioprocesos requieren el establecimiento de modelos matemáticos que describen la cinética de variables del proceso, como crecimiento microbiano ( $\mu_{max}$ ), tiempo de duplicación ( $t_d$ ), biomasa inicial ( $X_0$ ), biomasa final ( $X_f$ ), consumo de sustrato y formación de producto, productividad de biomasa ( $Y_x/Y_s$ ) y productividad de carotenoide ( $Y_p/Y_s$ ), los cuales son validados por el coeficiente de correlación ( $R^2$ ) por su cercanía a 1. Se ha progresado en el desarrollo de modelos cinéticos utilizando la irradiancia como parámetro por tener en cuenta y se aplican en la práctica al cultivo de *H. pluvialis* los modelos estructurados como el de Monod, Baranyi-Roberts y logístico.

La aplicación y entendimiento de los modelos matemáticos y el efecto y establecimiento de los parámetros cinéticos más relevante optimizarán el cultivo de esta microalga y la obtención de la astaxantina usada como colorante y compuesto bioactivo. Los parámetros cinéticos utilizados para el monitoreo del cultivo de la microalga *H. pluvialis* que llevan a una buena producción de astaxantina son: usar medios de cultivo como

RM, BBM, OHM y BG11 bajo condiciones de pH 7, fotoperiodo 20/4, temperatura de 25 °C, agitación continua, CO<sub>2</sub> 5% e iluminación con lámparas fluorescentes blancas 40 umol/m<sup>2</sup>s. La concentración de astaxantina se encontró con valores entre 2.5 hasta 354 mg/L. Usando biomásas iniciales de la microalga entre 1 × 10<sup>4</sup> cél./mL hasta valores de 106 cél./mL, con velocidad de crecimiento entre 0.029 cél./día hasta 0.6727 cél./día y tiempo de duplicación entre 0.67 hasta 0.99.

## REFERENCIAS

- Allewaert, C. C., Vanormelingen, P., Pröschold, T., Gómez, P. I., González, M. A., Bilcke, G., y Vyverman, W. (2015). Species diversity in European *Haematococcus pluvialis* (Chlorophyceae, Volvocales). *Phycologia*, 54(6), 583-598. <https://doi.org/10.2216/15-55.1>
- Barbosa, C., Beltrán-Rocha, J., Mora-Zúñiga, A., Gallegos-López, J. A., López, U., Galán-Wong, L. J., Quintero-Zapata, I., y Elías-Santos, M. (2018). Evaluación de la actividad antioxidante de los carotenoides totales producidos por la microalga *Haematococcus Pluvialis* bajo distintos periodos de estrés. *Revista de Ciencias Farmacéuticas y Biomedicina*, 1.
- Camacho, J. E., González, G., y Klotz, B. (2013). Producción de astaxantina en *Haematococcus pluvialis* bajo diferentes condiciones de estrés. *NOVA*, 11(19). <https://doi.org/10.22490/24629448.1022>
- Çelekli, A., Balcı, M., y Bozkurt, H. (2008). Modelling of *Scenedesmus obliquus*; function of nutrients with modified Gompertz model. *Bioresource Technology*, 99(18), 8742-8747. <https://doi.org/10.1016/j.biortech.2008.04.028>
- Chekanovab, K., Schastnayaa, E., Solovchenkoa, A., y Lobakovaa, E. (2017). Effects of CO<sub>2</sub> enrichment on primary photochemistry, growth and astaxanthin accumulation in the chlorophyte *Haematococcus pluvialis*. *Journal of Photochemistry and Photobiology B: Biology*, 171, 58-66. <https://doi.org/10.1016/j.jphotobiol.2017.04.028>
- Christwardana, M., y Hadiyanto, H. (2017). The effects of audible sound for enhancing the growth rate of microalgae *Haematococcus pluvialis* in vegetative stage. *HAYATI Journal of Biosciences*, 24(2017), 149-155. <https://doi.org/10.1016/j.hjb.2017.08.009>
- Cifuentes, A. S., González, M. A., Vargas, S., Hoeneisen, M., y González, N. (2003). Optimization of biomass, total carotenoids and astaxanthin production in *Haematococcus pluvialis* Flotow strain Steptoe (Nevada, USA) under laboratory conditions. *Biological Research*, 36(3-4). <http://dx.doi.org/10.4067/S0716-97602003000300006>
- Colusseab, G. A., Rabello, M. E., Duartea, J. C., Carvalho, M., y Nosedaa, D. (2019). Media effects on laboratory scale production costs of *Haematococcus pluvialis* biomass. *Bioresource Technology Reports*, 7, 100236. <https://doi.org/10.1016/j.biteb.2019.100236>
- Córdoba-Castro, N. M., Acero-Reyes, N. L., Duque-Buitrago, L. F., JiménezAguilar, L. J., y Serna-Jiménez, J. A. (2015). Obtención y caracterización de astaxantina de la microalga *Haematococcus Pluvialis*. *UG Ciencia*, 21, 73-82. <https://doi.org/10.18634/ugcj.21v.1i.426>
- Cruz Jiménez, M. A. (2017). Cultivo masivo de la microalga *Haematococcus* sp. en fotobiorreactores planos para la producción de astaxantina bajo diferentes condiciones de estrés [tesis de maestría]. Ensenada: Centro de Investigación Científica y de Educación Superior de Ensenada, Baja California.
- De Mendonça, H. V., Ometto, J. P. H. B., Otenio, M. H., Marques, I. P. R. y Dos Reis, A. J. D. (2018). Microalgae-mediated bioremediation and valorization of cattle wastewater previously digested in a hybrid anaerobic reactor using a photobioreactor: comparison between batch and continuous operation. *Science of the Total Environment*, 633, 1-11. <https://doi.org/10.1016/j.scitotenv.2018.03.157>
- Ding, W., Zhao, P., Peng, J., Zhao, Y., Xu, J.-W., Li, T., y Yu, X. (2018). Melatonin enhances astaxanthin accumulation in the green microalga *Haematococcus pluvialis* by mechanisms possibly related to abiotic stress tolerance. *Algal Research*, 33, 256-265. <https://doi.org/10.1016/j.algal.2018.05.021>

- Do, T.-T., Ong, B.-N., Nguyen Tran, M.-L., Nguyen, D., Melkonian, M., y Tran, H.-D. (2019). Biomass and astaxanthin productivities of *Haematococcus pluvialis* in an angled twin-layer porous substrate photobioreactor: Effect of inoculum density and storage time. *Biology*, 8(3), 68. <https://doi.org/10.3390/biology8030068>
- Erturk, B. (2019). Sodium bicarbonate amendment for enhanced astaxanthin production from *Haematococcus pluvialis* [Disertación doctoral]. Montana: Montana State University-Bozeman, College of Engineering.
- Gajardo Solari, S., Benites Vílchez, J., López Vivar, J., Burgos Hermosilla, N., Caro Galán, C. y Rojas Arredondo, M. (2011). Astaxantina: antioxidante de origen natural con variadas aplicaciones en cosmética. *Biofarbo*, 19, 6.
- Galarza, B., Vega, A., Villóna, J., y Henríquez, V. (2019). Deesterification of astaxanthin and intermediate esters from *Haematococcus pluvialis* subjected to stress. *Biotechnology Reports*, 23, e00351. <https://doi.org/10.1016/j.btre.2019.e00351>
- García-Malea, M. D. C., Brindley, C., Del Rio, E., Ación, F. G., Fernández, J. M., y Molina, E. (2005). Modelling of growth and accumulation of carotenoids in *Haematococcus pluvialis* as a function of irradiance and nutrients supply. *Biochemical Engineering Journal*, 26(2-3), 107-114. <https://doi.org/10.1016/j.bej.2005.04.007>
- Garre Pérez, A., Egea Larrosa, J. A., y Fernández Escámez, P. S. (2016). Modelos matemáticos para la descripción del crecimiento de microorganismos patógenos en alimentos. *Anuario de Jóvenes Investigadores*, 9, 160-163.
- Gómez, L., Orozco, M. I., Quiroga, C., Díaz, J. C., Huérfano, J., Díaz, L. E., y Camacho, J. E. (2019). Producción de astaxantina y expresión de genes en *Haematococcus pluvialis* (Chlorophyceae, Volvocales) bajo condiciones de estrés por deficiencia de nitrógeno y alta irradiancia. *Mutis*, 9(2), 7-24.
- Hernández Morales, K. J., Pérez Morales, M. E., Jáuregui Romo, C., Alcántara Jurado, L. A., y Hurtado Ayala, L. A. (2015). Condiciones de producción de astaxantina por *Haematococcus pluvialis*: Revisión bibliográfica 2003-2013. *Revista Mexicana de Ciencias Farmacéuticas*, 46(1), 7-16.
- Hong, M. E., Choi, Y. Y., y Sim, S. J. (2016). Effect of red cyst cell inoculation and iron (II) supplementation on autotrophic astaxanthin production by *Haematococcus pluvialis* under outdoor summer conditions. *Journal of Biotechnology*, 218, 25-33. <https://doi.org/10.1016/j.jbiotec.2015.11.019>
- Hu, J., Nagarajan, D., Zhang, Q., Chang, J. S., y Lee, D. J. (2018). Heterotrophic cultivation of microalgae for pigment production: A review. *Biotechnology Advances*, 36(1), 54-67. <https://doi.org/10.1016/j.biotechadv.2017.09.009>
- Issarapayup, K., Powtongsook, S., y Pavasant, P. (2011). Economical review of *Haematococcus pluvialis* culture in flat-panel airlift photobioreactors. *Aquacultural Engineering*, 44(3), 65-71. <https://doi.org/10.1016/j.aquaeng.2011.03.002>
- Khandual, S. (2019). Microbial source of astaxanthin: Its use as a functional food and therapeutic agent. *International Journal of Biotechnology and Bioengineering*, 5(6), 110-118. <https://doi.org/10.1016/j.aquaeng.2011.03.002>
- Kiki, C., Rashid, A., Wang, Y., Li, Y., Zeng, Q., Yu, C.-P., y Sun, Q. (2019). Dissipation of antibiotics by microalgae: Kinetics, identification of transformation products and pathways. *Journal of Hazardous Materials*, 121985. <https://doi.org/10.1016/j.jhazmat.2019.121985>
- Li, F., Cai, M., Lin, M., Huang, X., Wang, J., Ke, H., y An, Y. (2019). Differences between motile and nonmotile cells of *Haematococcus pluvialis* in the production of astaxanthin at different light intensities. *Marine Drugs*, 17(1), 39. <https://doi.org/10.3390/md17010039>
- Li, X., Wang, X., Duan, C., Yi, S., Gao, Z., Xiao, C., y Li, J. (2020). Biotechnological production of astaxanthin from the microalga *Haematococcus pluvialis*. *Biotechnology Advances*, 107602. <https://doi.org/10.1016/j.biotechadv.2020.107602>
- Liu, Y.-H., Alimujiang, A., Wang, X., Luo, S.-W., Balamurugan, S., Yang, W.D., y Li, H.-Y. (2019). Ethanol induced jasmonate pathway promotes astaxanthin hyperaccumulation in *Haematococcus pluvialis*. *Bioresource Technology*, 289, 121720. <https://doi.org/10.1016/j.biortech.2019.121720>
- Liyanaarachchi, V. C., Nishshanka, G. K. S. H., Premaratne, R. G. M. M., Ariyadasa, T. U., Nimarshana, P. H. V., y Malik, A. (2020). Astaxanthin accumulation in the green microalga *Haematococcus pluvialis*: Effect of initial phosphate concentration and stepwise/continuous light stress. *Biotechnology Reports*, e00538. <https://doi.org/10.1016/j.btre.2020.e00538>

- Lobatón García, H. F., Schwerna, P., y Buchholz, R. (2017). Coproducción de ficocianina y exopolisacáridos en el cultivo de *Arthrospira platensis*. *Idesia (Arica)*, 35(2), 79-86. <https://doi.org/10.4067/S0718-34292017005000028>
- Longhi, D. A., Dalcanton, F., Aragão, G. M. F. D., Carciofi, B. A. M., y Laurindo, J. B. (2017). Microbial growth models: A general mathematical approach to obtain  $\mu$  max and  $\lambda$  parameters from sigmoidal empirical primary models. *Brazilian Journal of Chemical Engineering*, 34, 369-375. <https://doi.org/10.1590/01046632.20170342s20150533>
- Machado Jr, F. R. S., Reis, D. F., Boschetto, D. L., Burkert, J. F. M., Ferreira, S. R. S., Oliveira, J. V., y Burkert, C. A. V. (2014). Encapsulation of astaxanthin from *Haematococcus pluvialis* in PHBV by means of SEDS technique using supercritical CO<sub>2</sub>. *Industrial Crops and Products*, 54, 17-21. <https://doi.org/10.1016/j.indcrop.2014.01.007>
- Mazumdar, N., Novis, P.M., Visnovsky, G., y Gostomski, P. (2019). Effect of culturing parameters on the vegetative growth of *Haematococcus alpinus* (strain LCR-CC-261f) and modeling of its growth kinetics. *Journal of Phycology*, 55(5), 1071-1081. <https://doi.org/10.1111/jpy.12889>
- Miranda, A. M., Ossa, E. A., Vargas, G. J., y Sáez, A. A. (2019). Efecto de las bajas concentraciones de nitratos y fosfatos sobre la acumulación de astaxantina en *Haematococcus pluvialis* UTEX 2505. 2019. *Información Tecnológica*, 30(1), 23- 32. <http://dx.doi.org/10.4067/S0718-07642019000100023>
- Montiel Oviedo, J. (2020). Efecto del nitrato en el crecimiento y producción de astaxantina en la microalga *Haematococcus pluvialis* (Chlorophyta: Chlamydomonadales) cultivada en condiciones de laboratorio. Montería: Universidad de Córdoba (Colombia).
- Niño Castillo, C., Rodríguez Rivera, F., Díaz, L., y Lancheros Díaz, A. (2017). Evaluación de las condiciones de crecimiento celular para la producción de astaxantina a partir de la microalga *Haematococcus pluvialis*. *Revista NOVA*, 15(28), 19-31. <https://doi.org/10.22490/24629448.2073>
- Onorato, C. y Rösch, C. (2020). Comparative evaluation of the life cycle of astaxanthin production with *Haematococcus pluvialis* in different photobioreactor technologies. *Algal Research*, 50, 102005. <https://doi.org/10.1016/j.algal.2020.102005>
- Orlandoni, G., y Josefa Ramoni J. (2017). Modelos de crecimiento en microbiología predictiva (ecología microbiana cuantitativa). Trabajo metodológico. Estimación de modelos y simulación mediante dinámica de sistemas. Medellín, Antioquia, Colombia.
- Ortega Quintana, F. A., Álvarez, H., y Botero Castro, H. A. (2017). Facing bioprocess modeling: a review of the methodologies of modeling. *Revista ION*, 30(1), 73-90. <https://doi.org/10.18273/revion.v30n1-2017006>
- Ortiz-Moreno, M. L., Cárdenas-Poblador, J., Agredo, J., y Solarte-Murillo, L. V. (2020). Modeling the effects of light wavelength on the growth of *Nostoc ellipsosporum*. *Universitas Scientiarum*, 25(1), 113-148. <https://doi.org/10.11144/Javeriana.SC25-1.mteo>
- Park J. Yao J. Soo Kim H. Young K., y Choic Y. (2020). Mechanical stress induced astaxanthin accumulation of *H. pluvialis* on a chip. 2020. *Lab on a Chip*. Número 3. <https://doi.org/10.1039/C9LC01030K>
- Zhao, Y., Xing, H., Li, X., Geng, S., Ning, D., Ma, T., y Yu, X. (2019). Physiological and metabolomics analyses reveal the roles of fulvic acid in enhancing the production of astaxanthin and lipids in *Haematococcus pluvialis* under abiotic stress conditions. *Journal of Agricultural and Food Chemistry*, 67, 45. <https://doi.org/10.1021/acs.jafc.9b04964>